

كلية الهندسة

السنة الثالثة

الفصل الأول

الدكتور: وسام نخلة

3/11/2013

المحاضرة

5

عدد الصفحات

9

هيدروليك 3

## الجريان غير المستقر في الأنابيب (ظاهرة المطرقة المائية)

**الجريان غير المستقر:** هو الجريان الذي غزارته تتغير مع الزمن.

جريان في الأنابيب ← جريان مضغوط

مقدمة:

**تعريف المطرقة المائية:** هي تغير مفاجئ في الضغط الهيدروديناميكي في الجريان المضغوط في الأنابيب و الناتج عن التغير في معدل الجريان (السرعة) في مقطع ما من الأنابيب مع الزمن.

عند السكر: إغلاق مفاجئ للسكر.

فتح مفاجئ للسكر.

عند المضخات: إقلاع مفاجئ للمضخات.

توقف مفاجئ للمضخات

عند العنفات: توقف مفاجئ للعنفة.

إقلاع مفاجئ للعنفة.

تحصل في:



❖ إن إهمال قيمة المطرقة المائية في تصميم الشبكات المضغوطة (شبكات المياه ، محطات الضخ ، المحطات الكهرومائية) يعتبر خطأ كبير قد ينتج عنه كوارث.

يؤثر في صفات المطرقة المائية:

- مرونة الناقل (الأنبوب)
- انضغاطية السائل.



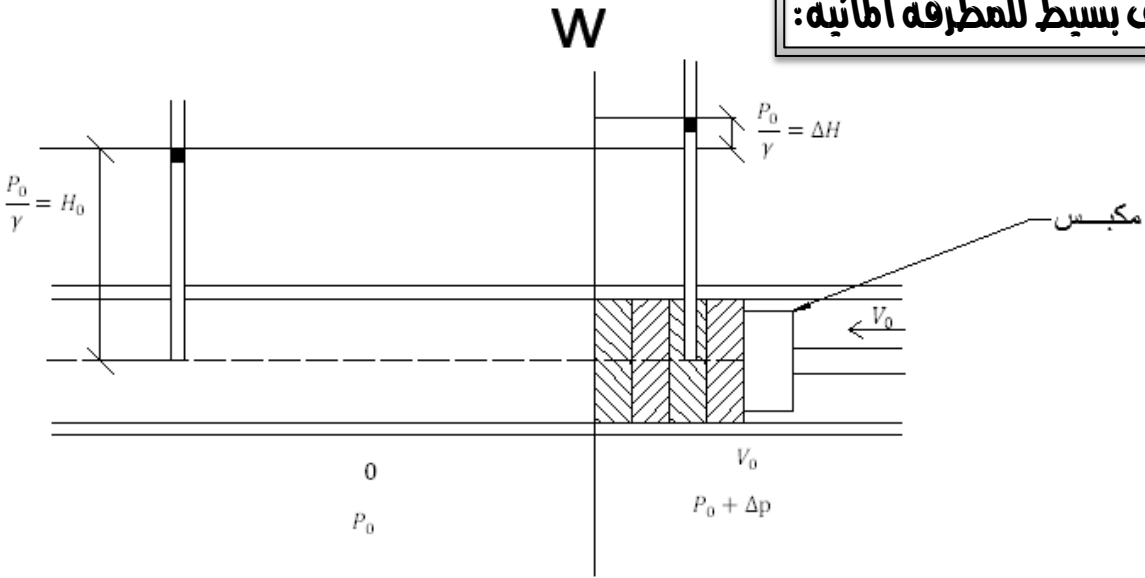
أول من درس المطرقة المائية هو العالِم الروسي جوكوفسكي:  
أعطى المعادلات الأساسية للمطرقة المائية بناء على:

١. معادلة الاستمرار .

٢. معادلي تغير كمية الحركة.

و الشيء الاساسي الذي يؤثر في صفات المطرقة المائية هو عطالة السائل.

**وصف بسيط للمطرقة المائية:**



W

لنأخذ أنبوب في نهايته مكبس مائي ، والأنبوب ممتلئ بالهواء .

في حالة السكون: يكون الضغط متساوي على طول الناقل ويساوي إلى  $P_0$

إذا أعطي المكبس حركة معينة مقدارها  $v_0$  فإن أول طبقة ملائمة للمكبس تنتقل إليها الطاقة الحركية و تنتقل السرعة للطبقة الثانية بالسرعة ذاتها  $v_0$  و ينتقل إليها طاقة حرارية نتيجة الصدم على شكل ضاغط إضافي  $\Delta H = \frac{\Delta p}{\gamma}$  وهكذا تنتقل هذه الموجة و السائل ينضغط حتى يصل

للمقطع  $(W-W)$  و قيمة الضغط  $p_0 + \Delta p$  المقطع  $(W-W)$  يقسم الجريان إلى منطقتين:



1. المنطقة الأولى السرعة فيها  $v_0$  و الضغط هو  $p_0 + \Delta p$ .
2. المنطقة الثانية السرعة فيها 0 (حالة سكون) و الضغط  $p_0$ .

$\Delta p$ : الزيادة في الضغط الناتج عن تغير في الحركة (الطاقة).

$\Delta H$ : الزيادة في الضاغط.

**معادلة جوكوفسكي:**

1. حالة إغلاق آني مفاجئ:

$$t_c = 0$$

$C$ : سرعة انتقال موجة الضغط

في السائل  $C \gg v$

$\Delta v$ : تغير السرعة.

نطبق معادلة كمية الحركة في (ب)

حجم التحكم:

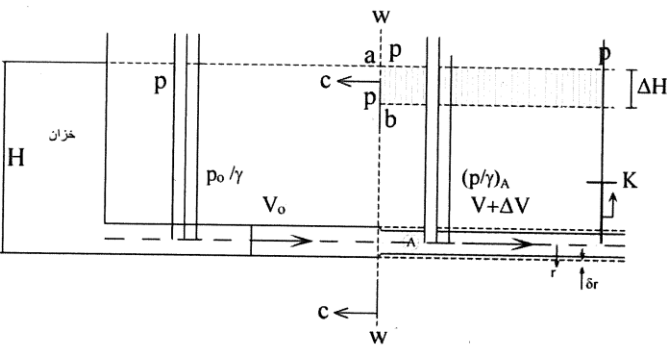
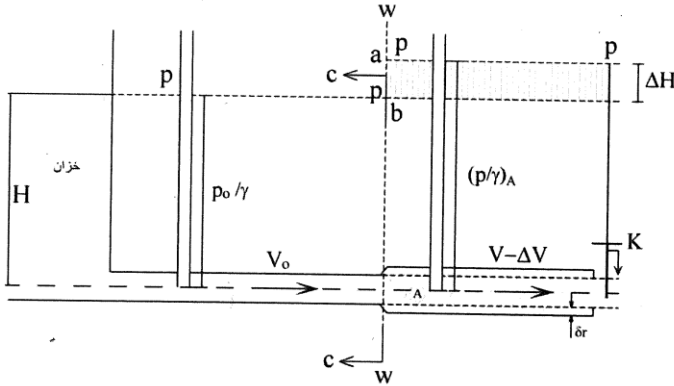
$$\sum \vec{F} = \rho \cdot A (\vec{V}_2 - \vec{V}_1)$$

بالإسقاط على محور الجريان:

$$p \cdot A - (p + \Delta P) \cdot A = \rho \cdot Q (v + \Delta v + c - v - c)$$

$$-\Delta p \cdot A = \rho \cdot (v + c) \cdot A \cdot \Delta V$$

يمكن إهمالها لصغرهما أمام  $C$



حيث:  $Q = (v + c)$



$$\Delta p = -\rho \cdot c \cdot \Delta v$$

تمثل العلاقة السابقة التغير في الضغط الناتج عن المطرقة المائية .

$\Delta v$ : تغير السرعة وتؤخذ بالقيمة الجبرية.

تكون موجبة عند فتح السكر وسالبة عند إغلاق السكر.

في الامتحان: عندما يطلب حساب الزيادة في الضغط نحسب  $\Delta p$  وعندما يطلب حساب الضغط

النهائي في نهاية الأنبوب نحسب  $p_0 + \Delta p$

و بتقسيم العلاقة السابقة على  $\gamma$  نحصل على علاقة التغير في الضاغط الناتج عن المطرقة المائية.

$$\frac{\Delta p}{\gamma} = \Delta H = -\frac{c}{g} \cdot \Delta v$$

١. في حالة إغلاق مفاجئ للسكر:

$$\Delta v = v_2 - v_1 = 0 - v_0 = -v_0$$

$$\Delta H = -\frac{c}{g} \cdot (-v_0)$$

$$\Delta H = \frac{c}{g} \cdot v_0$$

$$v_0 = \frac{Q}{A}$$



٢. فتح مفاجئ للسكر:  $(t_0)$

$$\Delta v = v_2 - v_1 = v_0 - 0 = v_0$$

$$\Delta H = -\frac{c}{g} \cdot (v_0)$$

$$\Delta H = -\frac{c}{g} \cdot v_0$$



و لحساب تغير الضغط:

١. إغلاق مفاجئ:  $\Delta p = \rho \cdot c \cdot v_0$

٢. فتح مفاجئ:  $\Delta p = -\rho \cdot c \cdot v_0$

حساب  $C$ : العلاقات التالية غير مطلوبة للاستنتاج:

$$c = \sqrt{\frac{k}{\rho}} \quad (1)$$

في حالة كون السائل قابل للانضغاط و الناقل صلد

$\rho$ : كثافة السائل.

$k$ : معامل انضغاطية السائل

$$C = \frac{\sqrt{\frac{k}{\rho}}}{\sqrt{1 + \frac{D}{e} + \frac{K}{E}}} \quad (2)$$

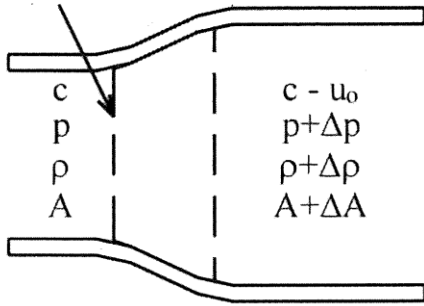
في حالة كون السائل قابل للانضغاط و الناقل مرن ( قابل للتشوه )

$e$ : سماكة المعدن الناقل

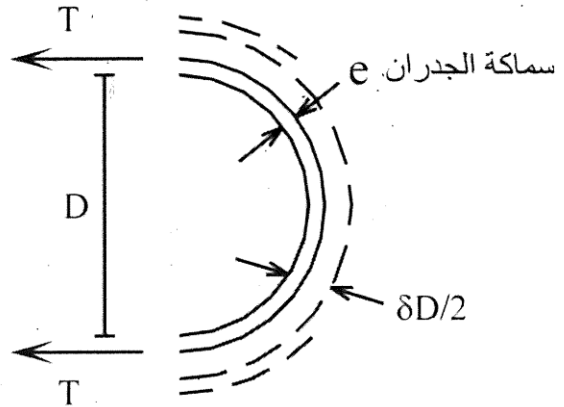
$E$ : معامل مرونة المعدن الناقل

وفي مسائل التصميم لحساب قطر الأنبوب:

جبهة موجة الضغط



قوة الشد الحلقي



$$\sigma = \frac{T}{A} = \frac{P \cdot D}{2 \cdot e \cdot 1} = \frac{P \cdot D}{2e}$$

$$T = \frac{PD}{2e}$$

نحسب  $\sigma$  ونقارنها مع  $\sigma_{all}$  حيث:  $\sigma \sim \sigma_{all}$

إذا كانت  $\sigma > \sigma_{all}$  نسمك الأنبوب أكثر

$$\Delta \sigma = \frac{\Delta P \cdot D}{2e}$$

هام: احسب التشوه الناتج عن المطرقة المائية في نصف القطر  $\Delta r$

$$\sigma = E \cdot \epsilon$$

$$\frac{\sigma}{E} = \epsilon \rightarrow \frac{P \cdot D}{2e \cdot E} = \frac{\Delta r}{r}$$



$$\Delta r = \frac{P \cdot D \cdot r}{2e \cdot E} = \frac{P \cdot r^2}{e \cdot E}$$

التشوه الناتج عن الزيادة في الضغط:



$$\Delta r = \frac{\Delta P \cdot r^2}{e \cdot E}$$

$$\Delta H = \Delta H_{max} = \frac{c}{g} \cdot v_0$$

الإغلاق السريع أو البطيء للسك:

$$\frac{2L}{c} \geq t_c \quad \text{إغلاق سريع:}$$

$t_c$ : زمن إغلاق الموجة.

$$\frac{2L}{c} = t_\emptyset \quad \text{فاز الموجة (زمن)}$$

زمن ذهاب وعودة الموجة

$$t_c > \frac{2L}{c} \quad \text{إغلاق بطيء:}$$

$$\Delta H < \Delta H_{max}$$

$$\frac{\Delta H}{\Delta H_{max}} = \frac{t_\emptyset}{t_c}$$

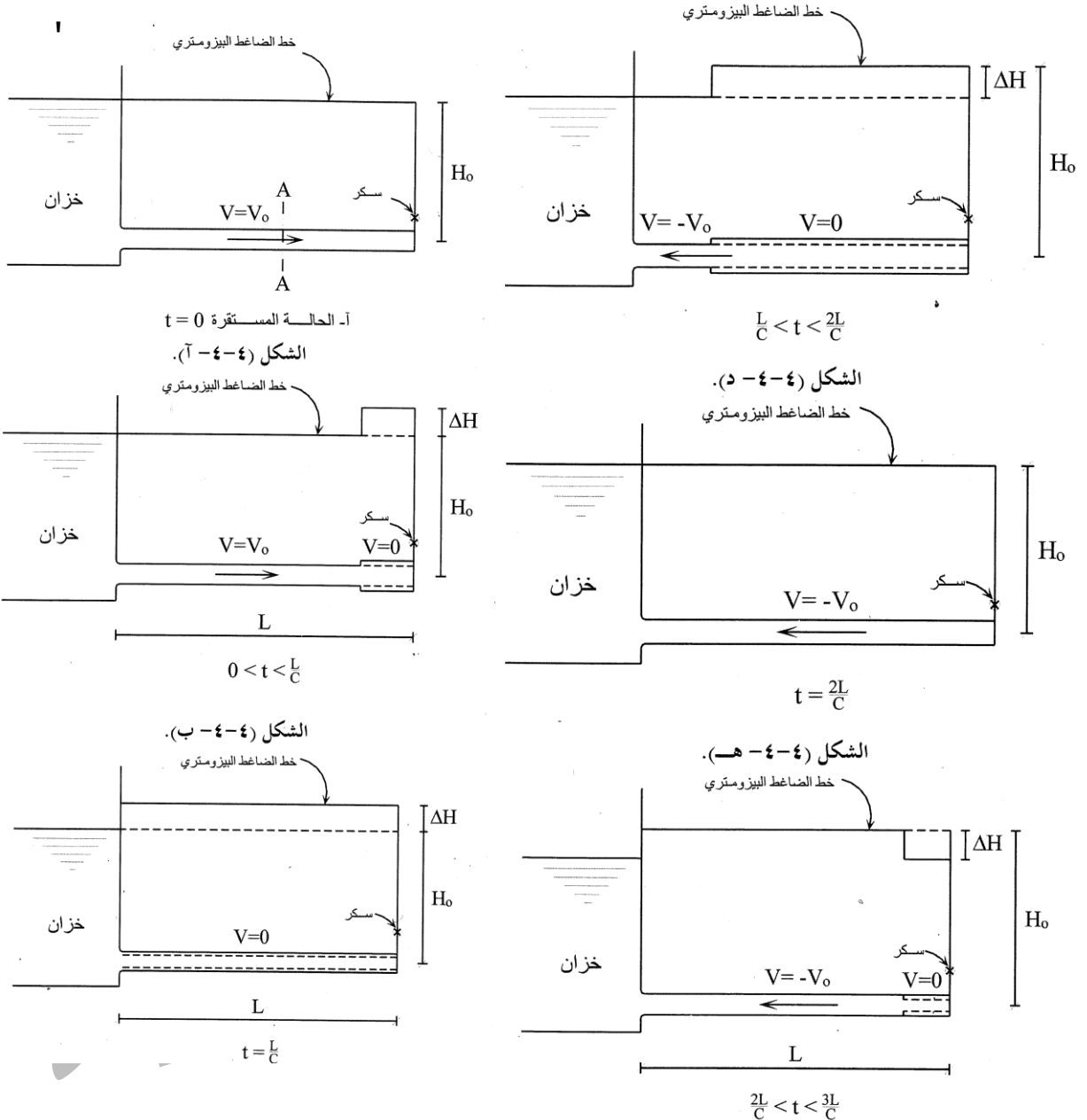
$$\Delta H = \Delta H_{max} \cdot \frac{t_\emptyset}{t_c} = \frac{c}{g} \cdot v_0 \cdot \frac{2L}{c \cdot t_c}$$

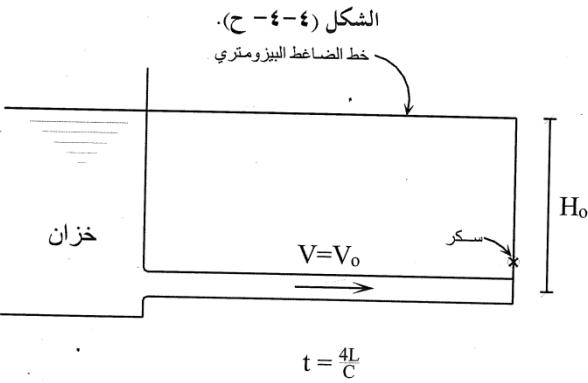
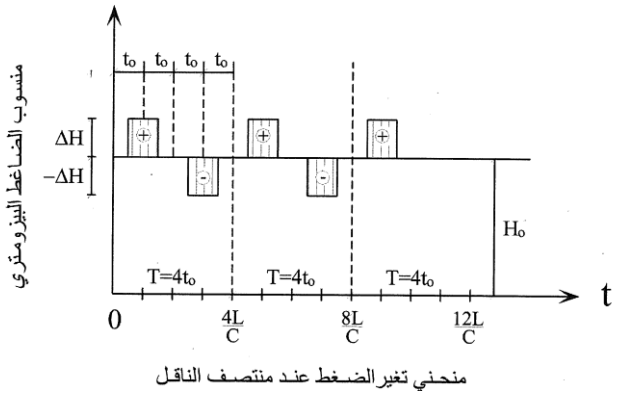
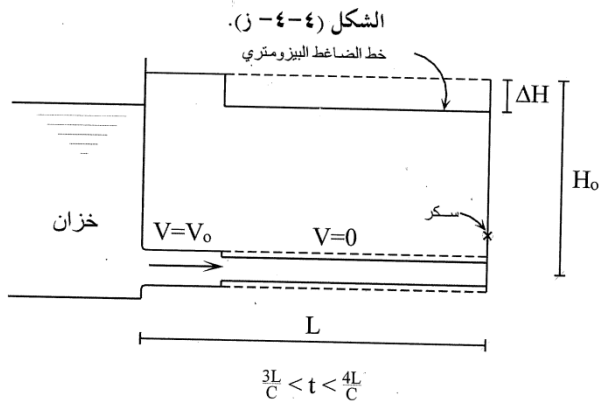
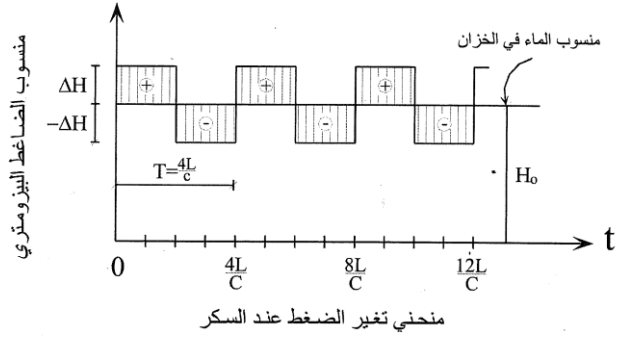
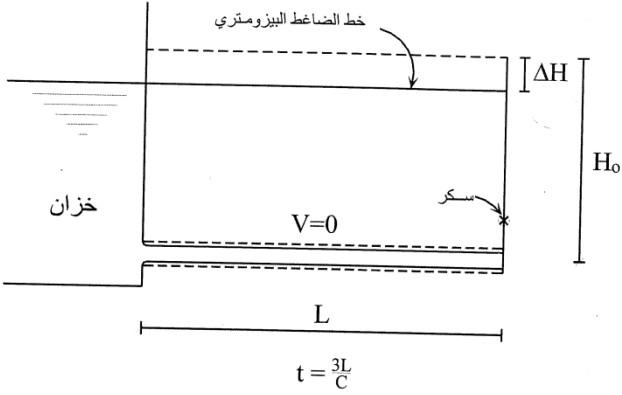
$$\Delta H = \frac{2L}{g \cdot t_c} \cdot v_0$$

في الامتحان عندما يطلب حساب الزيادة في الضاغط الناتج عن المطرقة المائية وفق جوكوفسكي أول  
خطون تكون أن نتحقق من أن الإغلاق أي (سريع) أو بطيء.



وصف ظاهرة المطرقة المائية: ( التغيرات في الضغط في الأنبوب و الناتجة عن المطرقة المائية )





الشكل (٤-٤-ط).







تصحيح الأخطاء في المحاضرة الرابعة:

في الصفحة ٤:  $h = H_0 \cdot 0.73 \cdot \frac{Q_0}{2 \cdot k \cdot D} \cdot \left[ \log R - \frac{1}{n} \cdot \log(r_1 \cdot r_2 \dots r_3) \right]$

التصحيح:  $h = H_0 - 0.73 \cdot \frac{Q_0}{2 \cdot k \cdot D} \cdot \left[ \log R - \frac{1}{n} \cdot \log(r_1 \cdot r_2 \dots r_3) \right]$

في الصفحة ٥:  $h = \sqrt{h_2^2 = (h_1^2 - h_2^2) \cdot \frac{x}{l}}$

التصحيح:  $h = \sqrt{h_2^2 + (h_1^2 - h_2^2) \cdot \frac{x}{l}}$

في الصفحة ٦:  $l_b = \delta = \delta \cdot \frac{k}{k_0}$

التصحيح:  $l_b = \delta = \delta \cdot \frac{k}{k_0} \cdot \sin \alpha$



ونعتذر عن هذه الأخطاء ونعدكم أنها لن تتكرر في المحاضرات القادمة بإذن الله.

**THE END**



Join Us  
On  
FACEBOOK

[www.facebook.com/groups/civil.geniuses.2011](http://www.facebook.com/groups/civil.geniuses.2011)